



### السؤال الرابع

(أ) برهن على أن التباين المتلازم بين متغيرين عشوائيين  $X$  ,  $Y$  يعطى بالعلاقة

(ب) أوجد قيمة الثابت  $C$  ، والذي يجعل الدالة الآتية تمثل دالة كتلة احتمالية مفصلية للمتغيرين العشوائيين  $X$  ,  $Y$

X \ Y	1	2	3
1	0.2	0.1	0.2
2	0.3	C	zero

ثم أوجد الدالة الهامشية للمتغير العشوائي  $x$  ،  $E(x)$  ،  $P_x(x)$  ،  $Var(x)$  ،  $Cov(x)$

انتهت الاسئلة والله ولي التوفيق.

د. أيمن محمد عبد الرحمن

د/أيمن محمد عبد الرحمن



الامتحان النهائي للفصل الدراسي الصيفي ٢٠١٨ / ٢٠١٩  
الفرقة : الاولى علوم

اسم المقرر: رياضيات (٢)  
رقم المقرر ورمزه: ١٠٥  
التاريخ: ٢٠١٩ / ٨ / ٢٣ م  
الزمن: ساعتان

أولاً التكامل: أجب عن الفقرات الآتية ( خمس درجات عن كل فقرة )

(١) أحسب قيم التكاملات:

(i)  $\int_0^2 \sqrt{9-x^2} dx$  (ii)  $\int \frac{1}{\cos^2 x \sqrt{1+\tan x}} dx$

(٢) أحسب قيم التكاملات:

(i)  $\int \frac{x}{x^2+2x+10} dx$  (ii)  $\int \cos^3 x \sin^4 x dx$

(٣) أوجد قانون إختزال متتالي للتكامل :  $I_n = \int \cos^n x dx$

(٤) أحسب قيم التكاملات:

(i)  $\int \frac{x - \sqrt[3]{\tan^{-1} x}}{1+x^2} dx$  (ii)  $\int \frac{\cos x}{\sqrt{\sin^2 x + 2\sin x + 2}} dx$

(٥) باستخدام التكامل المحدد أوجد حجم الكرة الناتج من دوران نصف الدائرة :  $x^2 + y^2 = a^2$  دورة كاملة حول المحور السيني.

ثانياً الهندسة التحليلية: أجب عن الفقرات الآتية ( خمس درجات عن كل فقرة ):

(١) بين على الرسم حل نظام المتباينات الآتية:

$$x \leq 2, y \leq 3, y - 2x - 3 \geq 0, 2x + y + 4 \leq 0$$

(٢) أثبت ان المعادلة الآتية:  $r = 3 \cos \theta + 4 \sin \theta$  تمثل دائرة ثم عين مركزها ونصف قطرها.

(٣) اوجد المعادلة القياسية للقطع المكافئ:  $y^2 - 6y + 2x + 1 = 0$  وعين خصائصه ثم اكتب المعادلات البارامترية له.

(٤) عين خصائص القطع الناقص:  $4x^2 + 9y^2 = 36$  ثم اوجد معادلتى المماس والعمودي له عند النقطة

$$\left(\frac{3}{2}, \sqrt{3}\right), \text{ موضعا بالرسم.}$$

(٥) اوجد احداثيات المركز والراسين والبورتين ومعادلات الخطين التقاربيين للقطع الزائد:

$$9x^2 - 16y^2 - 18x - 64y - 199 = 0, \text{ موضعا بالرسم.}$$

مع دعواتنا لكم بالتوفيق والنجاح

أ.د/حمدي نور الدين

جامعة أسيوط

كلية العلوم قسم الرياضيات

العام الدراسي

٢٠١٨/٢٠١٩م

الفصل الدراسي الصيفي

الرمز: ٢١٢ر

التاريخ: ٢٠١٩/٠٩/٠٢م

اليوم: الاثنين

الزمن: ساعتان

الامتحان النهائي لمقرر: معادلات

التفاضلية (١)

درجة الامتحان من خمسون درجة موزعة بالتساوي علي الاسئلة

السؤال الأول :

(أ) بحذف الثوابت الاختيارية ، أوجد المعادلة التفاضلية التي حلها

$$y = c_1 \cos 3x + c_2 \sin 3x + 1$$

$$y' = e^{3x-2y}$$

(ب) أوجد الحل العام للمعادلة التفاضلية

السؤال الثاني :

(أ) أوجد قيمة الثابت  $c$  الذي يجعل المعادلة التفاضلية  $(2x+3y+2)dx + (cx+4y+5)dy = 0$  تامة، ثم

أوجد حلها.

(ب) أوجد الحل العام للمعادلة التفاضلية:  $2y' + \frac{y}{x} - 4xy^3 = 0$

السؤال الثالث :

(أ) أوجد الحل العام للمعادلة التفاضلية:

$$y'' + 4y' + 3y = 2e^{3x} + 21$$

(ب) أوجد الحل العام للمعادلة التفاضلية:  $\frac{d^3y}{dx^3} + 2\frac{d^2y}{dx^2} - \frac{dy}{dx} - 2y = 0$

السؤال الرابع :

(أ) أوجد الحل العام والحل المفرد للمعادلة التفاضلية:  $y - px = 2\sqrt{ap}$

(ب) أوجد المسارات المتعامدة لمجموعة المنحنيات

$$y + 1 = x + ce^{-x}$$

أ. د. أحمد ماهر عبدالباسط

مع التمنيات لكم بالتوفيق





الامتحان النهائي للفصل الدراسي الصيفي ٢٠١٨ / ٢٠١٩  
الفرقة : الاولى علوم

التاريخ: ٧ / ٩ / ٢٠١٩ م  
الزمن: ساعتان

الدرجة الكلية : ٥٠ درجة

اسم المقرر: رياضيات (١)  
رقم المقرر ورمزه: ١٠٠ ر

أولاً التفاضل: أجب عن الفقرات الآتية:

(١) (أ) أحسب قيمة النهايات التالية إن وجدت: (٥ درجات):  
(i)  $\lim_{x \rightarrow \infty} x \sin \frac{1}{x}$ , (ii)  $\lim_{x \rightarrow \pi} \frac{\pi - x}{\sin x}$

(ب) ابحث إتصال الدوال التالية عند النقط المذكورة: (٤ درجات):

(i)  $f(x) = \begin{cases} x^2 - 36, & x \neq 6 \\ 15, & x = 6 \end{cases}$  at  $x = 6$ , (ii)  $f(x) = \frac{|x-3|}{x-3}$ , at  $x = 3$

(٢) أوجد  $\frac{dy}{dx}$  للدوال الآتية: (٨ درجات):

(i)  $y = \sqrt{x + \sqrt{x}}$ , (ii)  $y = \sinh^{-1}(x) \ln \tan x$

(iii)  $y = \frac{3 \sin 3x}{1 - \cos 4x}$ , (iv)  $y = \tan^{-1} \left( \frac{x-3}{3x+1} \right)$

(٣) (أ) احسب مفكوك ماكلورين للدوال التالية: (٤ درجات):  
(i)  $f(x) = \sin x$  (ii)  $f(x) = \ln(1+x)$

(ب) أحسب قيمة النهايات التالية: (٤ درجات):  
(i)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{5x}{5^x - e^x}$ , (ii)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3 + 2x^2 + x - 5}{x^4 + 3x^3 - x + 4}$

ثانياً الجبر: أجب عن الفقرات الآتية (خمس درجات عن كل فقرة):

(١) حل الكسر الآتي الي كسورة الجزينة:  $\frac{4}{(2+x)x^3}$

(٢) باستخدام الإستنتاج الرياضي برهن ان:  $n^2 + n + 2$  تقبل القسمة على 2 لجميع قيم  $n$  الصحيحة الموجبة.

(٣) أجمع المتسلسلة الآتية إلى  $n$  حداً:  $1.2.3 + 2.3.4 + 3.4.5 \dots$

(٤) أختبر تقارب وتباعد المتسلسلات الآتية:  
(i)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n}{n}$ , (ii)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{1}{\log n} \right)^n$

(٥) حل مجموعة المعادلات الآتية:

$$2y + 4z = 3, \quad x - 3y + 5z = 1, \quad 3x - y - z = 1$$

مع دعواتنا لكم بالتوفيق والنجاح

أ.د/ زينهم فكري & أ.د/ حمدي نور الدين